### Heiko Dankert

## Räumliche Analyse der Diffraktion von Wellenfeldern anhand von Bildsequenzen und Simulationen

Diplomarbeit



#### Bibliografische Information der Deutschen Nationalbibliothek:

Bibliografische Information der Deutschen Nationalbibliothek: Die Deutsche Bibliothek verzeichnet diese Publikation in der Deutschen Nationalbibliografie; detaillierte bibliografische Daten sind im Internet über http://dnb.d-nb.de/ abrufbar.

Dieses Werk sowie alle darin enthaltenen einzelnen Beiträge und Abbildungen sind urheberrechtlich geschützt. Jede Verwertung, die nicht ausdrücklich vom Urheberrechtsschutz zugelassen ist, bedarf der vorherigen Zustimmung des Verlages. Das gilt insbesondere für Vervielfältigungen, Bearbeitungen, Übersetzungen, Mikroverfilmungen, Auswertungen durch Datenbanken und für die Einspeicherung und Verarbeitung in elektronische Systeme. Alle Rechte, auch die des auszugsweisen Nachdrucks, der fotomechanischen Wiedergabe (einschließlich Mikrokopie) sowie der Auswertung durch Datenbanken oder ähnliche Einrichtungen, vorbehalten.

Copyright © 2000 Diplom.de ISBN: 9783832447717

### Räumliche Analyse der Diffraktion von Wellenfeldern anhand von Bildsequenzen und Simulationen

Heiko Dankert

# Räumliche Analyse der Diffraktion von Wellenfeldern anhand von Bildsequenzen und Simulationen

Diplomarbeit an der Universität Rostock Fachbereich Bauingenieurwesen Institut für Wasserbau Februar 2000 Abgabe



Diplomica GmbH ———— Hermannstal 119k ——— 22119 Hamburg ————
Fon: 040 / 655 99 20 Fax: 040 / 655 99 222
agentur@diplom.de

www.diplom.de

#### ID 4771

Dankert, Heiko: Räumliche Analyse der Diffraktion von Wellenfeldern anhand von Bildsequenzen und Simulationen / Heiko Dankert - Hamburg: Diplomica GmbH, 2001 Zugl.: Rostock, Universität, Diplom, 2000

Diplomica GmbH http://www.diplom.de, Hamburg 2001 Printed in Germany

Dieses Werk ist urheberrechtlich geschützt. Die dadurch begründeten Rechte, insbesondere die der Übersetzung, des Nachdrucks, des Vortrags, der Entnahme von Abbildungen und Tabellen, der Funksendung, der Mikroverfilmung oder der Vervielfältigung auf anderen Wegen und der Speicherung in Datenverarbeitungsanlagen, bleiben, auch bei nur auszugsweiser Verwertung, vorbehalten. Eine Vervielfältigung dieses Werkes oder von Teilen dieses Werkes ist auch im Einzelfall nur in den Grenzen der gesetzlichen Bestimmungen des Urheberrechtsgesetzes der Bundesrepublik Deutschland in der jeweils geltenden Fassung zulässig. Sie ist grundsätzlich vergütungspflichtig. Zuwiderhandlungen unterliegen den Strafbestimmungen des Urheberrechtes.

Die Wiedergabe von Gebrauchsnamen, Handelsnamen, Warenbezeichnungen usw. in diesem Werk berechtigt auch ohne besondere Kennzeichnung nicht zu der Annahme, dass solche Namen im Sinne der Warenzeichen- und Markenschutz-Gesetzgebung als frei zu betrachten wären und daher von jedermann benutzt werden dürften.

Die Informationen in diesem Werk wurden mit Sorgfalt erarbeitet. Dennoch können Fehler nicht vollständig ausgeschlossen werden, und die Diplomarbeiten Agentur, die Autoren oder Übersetzer übernehmen keine juristische Verantwortung oder irgendeine Haftung für evtl. verbliebene fehlerhafte Angaben und deren Folgen.

Diplom.de

### Wissensquellen gewinnbringend nutzen

**Qualität, Praxisrelevanz und Aktualität** zeichnen unsere Studien aus. Wir bieten Ihnen im Auftrag unserer Autorinnen und Autoren Wirtschaftsstudien und wissenschaftliche Abschlussarbeiten – Dissertationen, Diplomarbeiten, Magisterarbeiten, Staatsexamensarbeiten und Studienarbeiten zum Kauf. Sie wurden an deutschen Universitäten, Fachhochschulen, Akademien oder vergleichbaren Institutionen der Europäischen Union geschrieben. Der Notendurchschnitt liegt bei 1,5.

**Wettbewerbsvorteile verschaffen** – Vergleichen Sie den Preis unserer Studien mit den Honoraren externer Berater. Um dieses Wissen selbst zusammenzutragen, müssten Sie viel Zeit und Geld aufbringen.

**http://www.diplom.de** bietet Ihnen unser vollständiges Lieferprogramm mit mehreren tausend Studien im Internet. Neben dem Online-Katalog und der Online-Suchmaschine für Ihre Recherche steht Ihnen auch eine Online-Bestellfunktion zur Verfügung. Inhaltliche Zusammenfassungen und Inhaltsverzeichnisse zu jeder Studie sind im Internet einsehbar.

**Individueller Service** – Gerne senden wir Ihnen auch unseren Papierkatalog zu. Bitte fordern Sie Ihr individuelles Exemplar bei uns an. Für Fragen, Anregungen und individuelle Anfragen stehen wir Ihnen gerne zur Verfügung. Wir freuen uns auf eine gute Zusammenarbeit.

#### Ihr Team der Diplomarbeiten Agentur

Diplomica GmbH ———— Hermannstal 119k ——— 22119 Hamburg ————
Fon: 040 / 655 99 20 Fax: 040 / 655 99 222
agentur@diplom.de www.diplom.de

#### Zusammenfassung

In dieser Arbeit ist eine neue Methode zur lokalen, räumlichen Analyse von Wellenfeldern getestet und am Beispiel der Diffraktion von Wellenfeldern an einem Wellenbrecher validiert worden. Mit Zeitserien von Bildern einer CCD-Kamera wird die Meeresoberfläche räumlich und zeitlich erfaßt. Die Bildsequenzen werden mittels einer Fouriertransformation in den Wellenzahl-Frequenzraum überführt. Mit Hilfe einer spektralen Filtermethode, welche auf der Dispersionsrelation für lineare Oberflächenschwerewellen beruht, werden das spektrale Signal des Seeganges und das Rauschen voneinander getrennt. Die anschließende Integration über die positiven Frequenzen ergibt ein richtungseindeutiges Wellenzahlspektrum. Diese Methode wird für die Untersuchung von homogenen Wellenfeldern eingesetzt. Unter inhomogenen Bedingungen, beispielsweise hervorgerufen durch Diffraktion oder Refraktion, erfolgt eine Umverteilung der spektralen Energie des Wellenfeldes. Solche Gebiete können nicht mit der oben beschriebenen Methode untersucht werden, weil eine Fouriertransformation Homogenität für das betrachtete Gebiet voraussetzt. Mit der neuen Methode werden inhomogene Wellenfelder, unter der Annahme lokaler Homogenität, untersucht. Dabei werden auf lokaler, räumlicher Skala Wellenzahlen in Betrag und Richtung sowie Bildspektren bestimmt. Die Wellenzahl wird aus der Phaseninformation gewonnen. Es wird anhand eines Testbildes und von Simulationen die Eignung des Verfahrens sowie die Genauigkeit zur Ermittlung der Wellenzahlen untersucht. Schließlich wird die Methode auf Bildsequenzen von Wellenfeldern in einem hydraulischen Modell angewendet.

#### Abstract

In this thesis a new method, based on a local, spatial analysis of wave fields is tested and exemplary verified on the diffraction of wave fields behind a breakwater. With time series of images of a CCD-camera the sea surface is spatially and temporally observed. The image sequences are transformed into the wave number-frequency domain using a Fast-Fourier-Transformation. With a spectral filter method, based on the dispersion relation of linear surface-gravity waves, the spectral signal of the sea state and the noise are seperated. The integration over the positive frequencies gives an unambiguous directional wave number spectrum. This method has been proved to be reliable for the analysis of homogeneous water surfaces. Under inhomogeneous conditions, e.g. caused by diffraction or refraction, the spectral energy of the wave field is redistributed. Such areas are not suitable for investigation with the method above described, because the Fourier-Transformation requires homogeneity in the observed area. With the new method inhomogeneous wave fields are investigated under the assumption of local homogeneity. Thereby the wave numbers in amount and direction and the image spectra are obtained on a local, spatial scale. The wave number is obtained from the phase pattern. The suitability and the accuracy of the method to determine the wave numbers is analyzed on a test-picture and on simulations. Finally the method is applied to image sequences of wave fields in a hydraulic model.

## Inhaltsverzeichnis

1	Ein	leitung	1
<b>2</b>	See	gang	3
	2.1	Dispersionsrelation	3
	2.2	Seegangsstatistik und dreidimensionale Wellenzahl-Frequenzspektren	4
	2.3	Ableitung zwei- und eindimensionaler Seegangsspektren	6
	2.4	Parametrisierung der Frequenzspektren	$\overline{7}$
	2.5	Parametrisierung der Richtungsverteilung	8
3	Dif	fraktion	9
	3.1	Lösungsansätze	10
	3.2	Lösung von Sommerfeld	12
4	$\mathbf{Sys}$	tem zur Erfassung optischer Bildsequenzen	19
	4.1	Bildaufnahme- und Bildverarbeitungssystem	19
	4.2	Optische Transferfunktion des Systems	20
<b>5</b>	Mo	dulationsmechanismen	<b>23</b>
	5.1	Reflexion und Refraktion	23
	5.2	Modulationstransferfunktion der Abbildung	25
	5.3	Neigungsmodulation	26
	5.4	Geometrische Projektion und Okklusion	27
6	Das	s optische Experiment	29
	6.1	Der multidirektionale Wellentank	29
	6.2	Experimentelle Anordnung	29
	6.3	Experiment	31
7	Ana	alysemethoden	33
	7.1	Geometrische Entzerrung	34

	7.2	Dreidi	imensionale Fouriertransformation	. 35
	7.3	Das B	${ m bildspektrum}$	. 36
	7.4	Analy	se von homogenen Wellenfeldern	. 37
	7.5	Analy	se von inhomogenen Wellenfeldern	. 39
8	$\mathbf{Erg}$	ebniss	e	43
	8.1	Analy	se der lokalen Wellenzahlbestimmung anhand eines Testbildes $\ldots$ .	. 43
		8.1.1	Variation des Rauschniveaus	. 45
		8.1.2	Pixelweise und blockweise Bestimmung	. 50
		8.1.3	Fazit	. 51
	8.2	Simula	ation	. 52
		8.2.1	Methode zur Simulation des Wellenfeldes	. 52
		8.2.2	Simulationsläufe und Auswertemethodik	. 55
		8.2.3	Einfallende Wellen	. 59
		8.2.4	Reflektierte Wellen	. 69
		8.2.5	Streuungswellen	. 73
		8.2.6	Gesamtlösung	. 79
		8.2.7	Fazit	. 86
	8.3	Weller	ntankdaten	. 88
		8.3.1	Auswertemethodik	. 88
		8.3.2	Bestimmung der Wellenzahlbeträge	. 91
		8.3.3	Mittlere Laufrichtungen und Richtungsverteilung der Wellen	. 97
		8.3.4	Fazit	. 101
	8.4	Filtere	effekte	. 103
		8.4.1	Unstetigkeiten	. 103
		8.4.2	Richtungsfilter	. 103
		8.4.3	Fazit	. 108
9	$\mathbf{Dis}$	kussioi	n der Ergebnisse	109
Zτ	ısam	menfa	ssung und Ausblick	113
A	Lös	ung vo	on Sommerfeld	123
в	Ver	fahren	zur Analyse von inhomogenen Wellenfeldern	125
	B.1	Richtı	ungsfilterung	. 125
	B.2	Invers	e Transformation	. 127

B.3	Metho	de zur lokalen Bildsequenzanalyse dispersiver Grenzflächen $\ldots \ldots 127$
	B.3.1	Verfahren
	B.3.2	Interpretation der lokalen Wellenzahl
	B.3.3	Approximation und Konfidenzmaß

# Abbildungsverzeichnis

2.1	Dispersionsrelation für lineare Oberflächenschwerewellen
2.2	JONSWAP-Spektrum
3.1	Diffraktion an einem Wellenbrecher
3.2	Koordinatensystem und Bezeichnungen zur Sommerfeldschen Lösung $\ldots \ldots \ldots \ldots 14$
3.3	Phase und Varianz des einfallenden Wellenfeldes
3.4	Phase und Varianz des reflektierten Wellenfeldes
3.5	Phase und Varianz des Streuungswellenfeldes 17
3.6	Phase und Varianz der Sommerfeldschen Lösung
4.1	Komponenten des Bilderfassungssystemes
4.2	Testmuster zur Messung der Systemtransferfunktion
5.1	Aufteilung des Strahlungsflußes.
5.2	Abhängigkeiten des Reflexionsgrades $\rho$
5.3	Projektion der Wasseroberfläche und Okklusion von Gebieten des Wellenfeldes 28
6.1	Der multidirektionale Wellentank
6.2	Schematischer Aufbau des CEDEX-Experimentes
6.3	Darstellung des Aufbaus von Kamera und Beleuchtungssystem
6.4	Beispiel zweier nicht entzerrter Einzelbilder
7.1	Winkel- und Wellenlaufrichtungskonvention.
7.2	Einzelbilder nach der geometrischen Entzerrung $\ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots 35$
7.3	Wellenzahl-Frequenz-Schnitt und Wellenzahlebene
7.4	Varianz eines Wellenzahlspektrums
7.5	Zweidimensionale Richtungsfiltermaske
7.6	Richtungsfilterung einer dispersionsgefilterten Frequenzebene
7.7	Phase und Varianz einer richtungsgefilterten und in den Ortsraum transformierten Fre- quenzebene
78	Quenzebene.       41         Beispiel für ein lokales Bildspoktrum       42
1.0	

#### ABBILDUNGSVERZEICHNIS

8.1	Phase und Varianz des Testbildes	44
8.2	Verhalten der Methode zur lokalen Wellenzahlbestimmung für Wellenzahlen in $x$ -Richtung bei variierendem Rauschniveau $\sigma_n$ .	47
8.3	Konfidenz und relativer Fehler des Betrages der resultierenden Wellenzahlen $k$ sowie abso- luter Fehler in der Richtung bei variierendem Rauschniveau $\sigma_n$	48
8.4	Verhalten der Methode für den Betrag der resultierenden Wellenzahlen $k$ bei variierendem Rauschniveau $\sigma_n$ .	49
8.5	Resultierende Wellenzahlen $k$ , pixelweise über ein Ensemble (links) und blockweise (rechts) bestimmt.	50
8.6	Berechnete Wellenzahlen nach der blockweisen Bestimmung	51
8.7	Phase und Varianz eines Simulationslaufes.	54
8.8	Statistischer Mittelwert der Varianz eines Ensembles von 10 Simulationen	54
8.9	Verhältnis der Varianz vor der Richtungsfilterung zu der nach der Richtungsfilterung	57
8.10	Phase und Varianz einer mit $\alpha = 45^{\circ}$ richtungsgefilterten Realisation des Reflexionsterms für $s = 75$	58
8.11	Phase und Varianz einer Realisation des einfallenden Wellenfeldes für $s=75$ und $s=10~$ .	60
8.12	Relativer Fehler und Konfidenz der Wellenzahlbestimmung in Abhängigkeit von der Vari- anz für die einfallenden Wellen.	62
8.13	Relativer Fehler und Konfidenz der berechneten Wellenzahlbeträge der einfallenden Wellen in Abhängigkeit von der Wellenlaufrichtung $\Theta$	63
8.14	Karten der Mittelwerte und Standardabweichungen der relativen Fehler des Terms der einfallenden Wellen.	64
8.15	Histogramme der mittleren Laufrichtungen im Gebiet der einfallenden Wellen	65
8.16	Lokale Wellenzahlspektren einer Realisation der einfallenden Wellen.	66
8.17	Lokale Spektren der über alle Realisationen gemittelten, richtungsgefilterten Varianz der einfallenden Wellen.	67
8.18	Karten der Mittelwerte und Standardabweichungen der ermittelten Wellenlaufrichtungen für die einfallenden Wellen.	68
8.19	Phase und Varianz einer Realisation des reflektierten Wellenfeldes für $s=75~{\rm und}~s=10~$ .	70
8.20	Relativer Fehler und Konfidenz der berechneten Wellenzahlbeträge in Abhängigkeit von der Richtung $\Theta$ für den Reflexionsterm.	71
8.21	Histogramme der ermittelten mittleren Wellenlaufrichtungen im Reflexionsgebiet. $\ldots$ .	71
8.22	Lokale Spektren der ensemblegemittelten Varianz des Relfexionsterms.	72
8.23	Phase und Varianz der Streuungswellen für $s = 75$ und $s = 10$	73
8.24	Relativer Fehler und Konfidenz der berechneten Wellenzahlbeträge in Abhängigkeit von der Wellenlaufrichtung $\Theta$ für den Streuungsterm.	74
8.25	Histogramme der ermittelten mittleren Laufrichtungen für die Streuungswellen	75
8.26	Spektren der Wellenzahlen mit zugehörender Varianz einer Realisation des Streuungsterms.	76

8.27	Lokale Spektren der ensemblegemittelten Varianz des Streuungsterms. $\ldots$ $\ldots$ $\ldots$	77
8.28	Karte der Mittelwerte und Standardabweichungen der mittleren Wellenlaufrichtungen des Streuungsterms.	78
8.29	Phase und Varianz der Gesamtlösung für $s = 75$ und $s = 10$	79
8.30	Verhältnis der ensemblegemittelten Varianz des Streuungsterms zu der der einfallenden Wellen.	80
8.31	Relativer Fehler und Konfidenz der berechneten Wellenzahlbeträge in Abhängigkeit von der Wellenlaufrichtung $\Theta$ für die Gesamtlösung.	81
8.32	Spektren der Wellenzahlen mit zugehörender Varianz einer Realisation der Gesamtlösung.	82
8.33	Lokale Spektren der ensemblegemittelten Varianz der Gesamtlösung. $\ldots$ $\ldots$ $\ldots$ $\ldots$	83
8.34	Diffraktionsdiagramm für den halbunendlichen Wellenbrecher mit einem Spreadparameter von $s = 75.$	85
8.35	Diffraktionsdiagramm für den halbunendlichen Wellenbrecher mit einem Spreadparameter von $s = 10.$	85
8.36	$Wellenzahl\-Frequenz\-Schnitt\ durch\ das\ 3D\-Spektrum\ des\ untersuchten\ Wellentank\-Datensatzender (Marchaevellentank) and (Marchaevellentank) a$	es. 90
8.37	Globales Richtungs-Frequenz-Spektrum über alle Richtungen	90
8.38	Globales Richtungs-Frequenz-Spektrum des analysierten Bereiches. $\ldots$ $\ldots$ $\ldots$	91
8.39	Dispersionsgefilterte Frequenzebene	92
8.40	Berechnete Wellenzahlen und relative Fehler der Wellenzahlen gegen die Sollwellenzahlen.	92
8.41	Konfidenz der Wellenzahlen, aufgetragen gegen die Varianz und die Richtungen	93
8.42	Phase und Amplitudenquadrat einer dispersionsgefilterten und in zwei Richtungen rich- tungsgefilterten Frequenzebene.	95
8.43	Globales Richtungs-Frequenz-Spektrum des analysierten Bereiches mit Varianz-Schwellwert.	96
8.44	Berechnete Wellenzahlen und relative Fehler der Wellenzahlen gegen die Sollwellenzahlen mit Varianzschwellwert.	96
8.45	Wellenzahlkonfidenz aufgetragen gegen die Varianz und die Richtungen mit Varianzschwell- wert.	97
8.46	Karten der Mittelwerte, Standardabweichungen und der systematischen Fehler des relativen Fehlers im Bereich von $-5$ dB bis 0 dB.	98
8.47	Lokale Richtungs-Frequenzspektren	99
8.48	$\label{eq:Mittelwerte} \mbox{ und Standardabweichungen der Wellenlaufrichtungen einer Frequenzebene.} \ .$	100
8.49	Mittelwerte der Wellenlaufrichtungen einer Frequenzebene	101
8.50	Die mit einer Hanning-Funktion multiplizierte Realisation des Reflexionsterms. $\ . \ . \ .$	104
8.51	Phase und Varianz des richtungsgefilterten Testbildes. $\ldots$ $\ldots$ $\ldots$ $\ldots$ $\ldots$ $\ldots$	105
8.52	Berechnete Wellenzahlen $k_x, k_y$ sowie Wellenlaufrichtung $\theta$ für Filterbreiten $N = 8$ und $N = 32. \dots \dots$	106
8.53	Phase und Varianz der Modulationstransferfunktionen	107
8.54	Eine Realisation des Reflexionsterms, richtungsgefiltert mit Filterbreite $N=8.\ldots$ .	108

B.1	Schema der Methode zur	Analyse von	inhomogenen	Wellenfeldern.						126
-----	------------------------	-------------	-------------	----------------	--	--	--	--	--	-----

## Tabellenverzeichnis

6.1	Technische Daten des multidirektionalen Wellentanks.	30
6.2	Während des CEDEX-Experimentes verwendete Seegangsparameter	32
8.1	Simulationsparameter.	56
8.2	Datensatzparameter	89